

On obtient le tableau suivant par « lecture inverse » du tableau des dérivées usuelles.

Fonction $f : x \mapsto \dots$	Une primitive $F : x \mapsto \dots$	Sur l'intervalle $I = \dots$
$m$ (constante)	$mx$	$\mathbb{R}$
$x^n$ ( $n \in \mathbb{N}$ )	$\frac{x^{n+1}}{n+1}$	$\mathbb{R}$
$\frac{1}{x^n}$ ( $n$ entier, $n \geq 2$ )	$-\frac{1}{n-1} \times \frac{1}{x^{n-1}}$	$] -\infty; 0[$ ou $]0; +\infty[$
$\frac{1}{x}$	$\ln x$	$]0; +\infty[$
$\frac{1}{\sqrt{x}}$	$2\sqrt{x}$	$]0; +\infty[$
$e^x$	$e^x$	$\mathbb{R}$
$\cos x$	$\sin x$	$\mathbb{R}$
$\sin x$	$-\cos x$	$\mathbb{R}$

Fonction $f$ du type...	Une primitive $F$ du type...	Conditions
$u'u^n$ ( $n \in \mathbb{N}$ )	$\frac{1}{n+1}u^{n+1}$	
$\frac{u'}{u^n}$ ( $n$ entier, $n \geq 2$ )	$-\frac{1}{n-1} \times \frac{1}{u^{n-1}}$	Pour tout $x$ de $I$ , $u(x) \neq 0$
$\frac{u'}{u}$	$\ln u$	Pour tout $x$ de $I$ , $u(x) > 0$ .
$\frac{u'}{\sqrt{u}}$	$2\sqrt{u}$	Pour tout $x$ de $I$ , $u(x) > 0$ .
$u'e^u$	$e^u$	
$x \mapsto u(ax+b)$ ( $a \neq 0$ , $x \in J$ )	$x \mapsto \frac{1}{a}U(ax+b)$	Pour tout $x$ de $J$ , $ax+b \in I$ et $U$ primitive de $u$ sur $I$ .

**Exemples :**

Déterminer les primitives des fonctions suivantes :

- $f : x \mapsto x^4 - 3x^3 - 5x^2 + \frac{7}{3}x - 2$  sur  $\mathbb{R}$ .
- $f : x \mapsto -\sin x + 2 \cos x$  sur  $\mathbb{R}$ .
- $f : x \mapsto 2x - 4 + \frac{3}{x^2} - \frac{1}{x}$  sur  $]0; +\infty[$ .
- $f : x \mapsto x^2(x^3 - 1)^5$  sur  $\mathbb{R}$ .
- $f : x \mapsto \frac{3x}{\sqrt{x^2 - 1}}$  sur  $]1; +\infty[$ .
- $f : x \mapsto \frac{x}{x^2 - 4}$  sur  $]2; +\infty[$ .
- $f : x \mapsto \frac{1}{x^2}e^{\frac{1}{x}}$  sur  $]0; +\infty[$ .

**Remarque :**

Peut-on trouver facilement une primitive de  $x \mapsto e^{-x^2}$  ?