

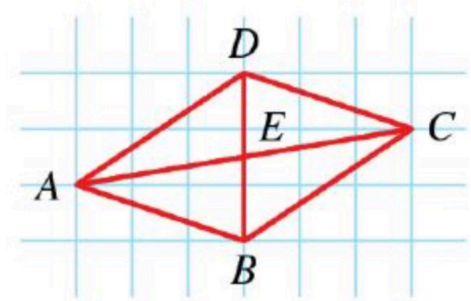
# I Vecteurs du plan

## 1) Définition

### Exercice 1 SUR CETTE FEUILLE

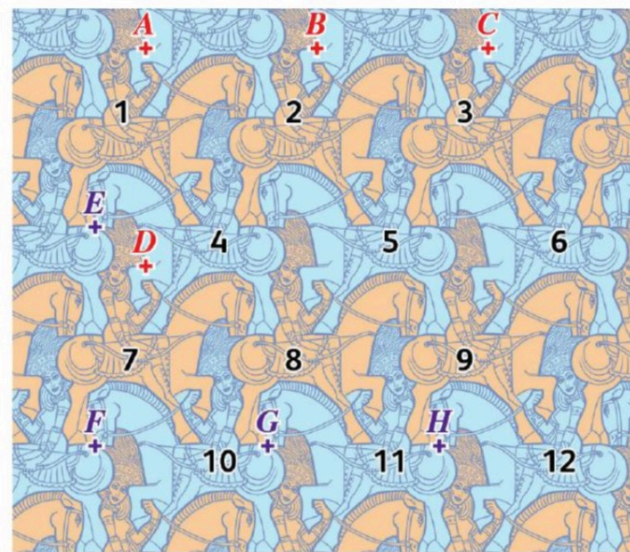
A partir de la figure ci-contre, déterminer les images suivantes :

- 1) L'image de  $B$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AD}$  : .....
- 2) L'image de  $C$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{CD}$  : .....
- 3) L'image de  $E$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{CE}$  : .....



### Exercice 2 SUR CETTE FEUILLE

Le pavage ci-dessous représente des cavalières tournées vers la droite (en orange) ou vers la gauche (en bleu). Les cavalières représentées « entières » sont numérotées de 1 à 12 et huit points ont été placés sur la figure.



- 1) Quelle est l'image de la cavalière :
  - a) 7 par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AC}$  : .....
  - b) 8 par la translation de vecteur  $\overrightarrow{BA}$  : .....
  - c) 2 par la translation de vecteur  $\overrightarrow{EG}$  : .....
- 2) Quelle est la translation qui transforme :
  - a) la cavalière 5 en cavalière 4 : la translation de vecteur .....
  - b) la cavalière 10 en cavalière 12 : la translation de vecteur .....
  - c) la cavalière 6 en cavalière 11 : la translation de vecteur .....

## 2) Propriétés

### Exercice 3

Soit  $ABCD$  un rectangle de centre  $O$ .

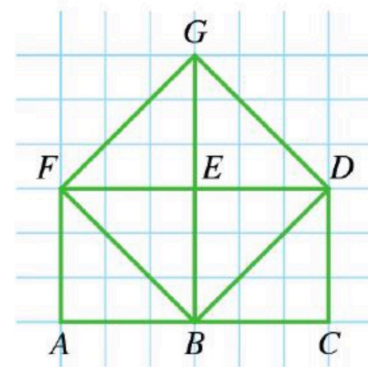
Préciser si les affirmations suivantes sont vraies ou fausses et justifier la réponse :

- 1)  $\vec{AB} = \vec{CD}$                       2)  $\vec{AD} = \vec{BC}$                       3)  $\vec{AO} = -\vec{CO}$                       4)  $\vec{DB} = \vec{CA}$
- 5)  $C$  est l'image du point  $O$  par la translation de vecteur  $\vec{OA}$ .

### Exercice 4

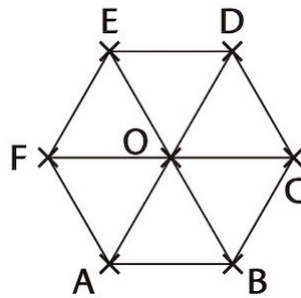
A partir de la figure ci-contre, citer :

- 1) trois paires de vecteurs égaux.
- 2) trois vecteurs ayant la même direction.
- 3) quatre vecteurs ayant la même norme.
- 4) deux vecteurs ayant la même direction, des sens contraires et des normes différentes.
- 5) quatre vecteurs opposés au vecteur  $\vec{ED}$ .



### Exercice 5 SUR CETTE FEUILLE

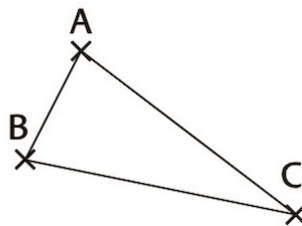
On considère la figure suivante :



- 1) Compléter les phrases suivantes avec *égaux* ou *opposés* à l'aide de la figure :
  - a) Les vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{FO}$  sont .....
  - b) Les vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{DE}$  sont .....
  - c) Les vecteurs  $\vec{EF}$  et  $\vec{BC}$  sont .....
- 2) Construire sur la figure ci-dessus :
  - a) Le point  $G$  tel que  $\vec{CG} = \vec{FD}$ .
  - b) Le point  $H$ , image du point  $A$  par la translation de vecteur  $\vec{DE}$ .

**Exercice 6 SUR CETTE FEUILLE ET LE CAHIER**

On considère la figure suivante :



- 1) Placer le point  $D$  tel que  $ABCD$  soit un parallélogramme.
- 2) Construire le point  $E$  tel que  $\vec{BC}$  et  $\vec{BE}$  sont opposés.
- 3) Démontrer que le quadrilatère  $EBDA$  est un parallélogramme.

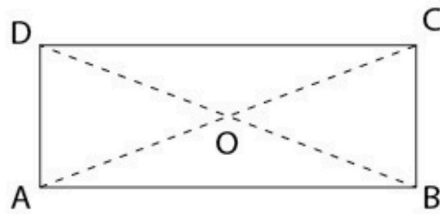
**3) Somme de vecteurs**

**Exercice 7 SUR CETTE FEUILLE**

Sur chacune des figures ci-dessous, construire le représentant d'origine  $A$  du vecteur  $\vec{u} + \vec{v}$  :

**Exercice 8 SUR CETTE FEUILLE**

Sur la figure ci-dessous,  $ABCD$  est un rectangle de centre  $O$ .



- 1) Construire le représentant d'origine  $A$  du vecteur  $\vec{u} = \vec{AO} + \vec{DC}$ .
- 2) Construire le représentant d'origine  $C$  du vecteur  $\vec{v} = \vec{BC} + \vec{DO}$ .
- 3) Construire le représentant d'origine  $O$  du vecteur  $\vec{w} = \vec{OD} + \vec{OC}$ .

**Exercice 9**

Dans chacun des cas, reproduire la figure en respectant le quadrillage et construire le vecteur  $\vec{u} + \vec{v}$ .

**1.**

**2.**

**3.**

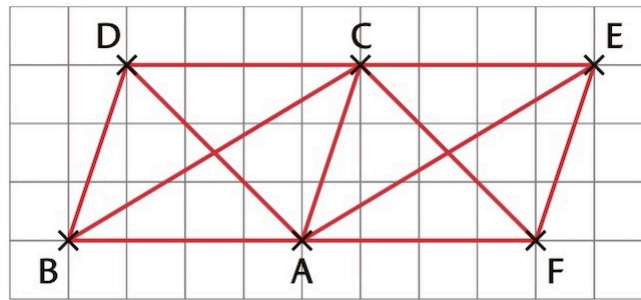
**Exercice 10 SUR CETTE FEUILLE**

Compléter les égalités suivantes à l'aide de la relation de Chasles :

- 1)  $\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$       2)  $\vec{AT} + \vec{TP} = \vec{AP}$       2)  $\vec{AP} + \vec{PB} = \vec{AB}$       2)  $\vec{LK} + \vec{KB} = \vec{LB}$

**Exercice 11 SUR CETTE FEUILLE**

On considère la figure suivante, où  $ABDC$ ,  $FACE$ ,  $FADC$  et  $ABCE$  sont des parallélogrammes :

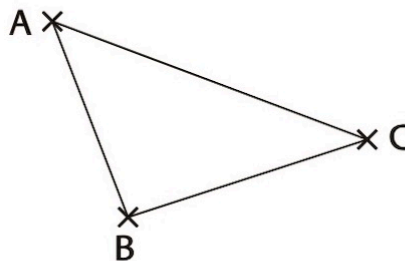


Compléter les égalités suivantes par un vecteur unique :

- 1)  $\vec{DA} + \vec{AE} = \dots\dots$       2)  $\vec{DB} + \vec{AE} = \dots\dots$       3)  $\vec{CA} + \vec{CE} = \dots\dots$   
 4)  $\vec{DA} + \vec{BC} + \vec{EF} = \dots\dots$       5)  $\vec{FC} + \vec{AB} + \vec{DB} = \dots\dots$

**Exercice 12 SUR CETTE FEUILLE ET LE CAHIER**

On considère la figure suivante, où  $ABC$  est un triangle quelconque :



- 1) Construire sur la figure le point  $D$  tel que  $\vec{BD} = \vec{AC}$ .
- 2) Construire sur la figure le point  $J$  tel que  $A$  soit le milieu du segment  $[BJ]$ .
- 3) Démontrer que la quadrilatère  $DCJA$  est un parallélogramme.

**Exercice 13**

On considère un parallélogramme  $ABCD$ .

Soit  $E$  le point tel que  $\vec{CE} = \vec{AB} + \vec{AD}$  et soit  $F$  le point tel que  $\vec{DF} = \vec{AC}$ .

- 1) Construire la figure.
- 2) Démontrer que  $\vec{CE} = \vec{AC}$ .
- 3) Démontrer que  $\vec{FE} = \vec{DC}$ .

**Exercice 14**

---

Dans chacun des cas suivants, exprimer le vecteur  $\overrightarrow{AB}$  en fonction du vecteur  $\overrightarrow{AC}$  :

1)  $\overrightarrow{AB} = 3\overrightarrow{BC}$       2)  $3\overrightarrow{BA} + 2\overrightarrow{CA} = \vec{0}$       3)  $\overrightarrow{BC} = 3\overrightarrow{AC}$       4)  $3\overrightarrow{CB} = 2\overrightarrow{AB}$

**Exercice 15**

---

Soit  $ABCD$  un parallélogramme.

Démontrer les égalités vectorielles suivantes :

1)  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$       2)  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{DB}$       3)  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD} = \vec{0}$       4)  $\overrightarrow{DC} - \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{DB}$

**Exercice 16**

---

Soit  $ABC$  un triangle.

- 1) Construire l'image  $M$  du point  $C$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AC}$ .
- 2) Construire l'image  $N$  du point  $C$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{BC}$ .
- 3) A l'aide de la relation de Chasles, démontrer que  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{NM}$ .
- 4) En déduire la nature du quadrilatère  $ABMN$ .

**Exercice 17**

---

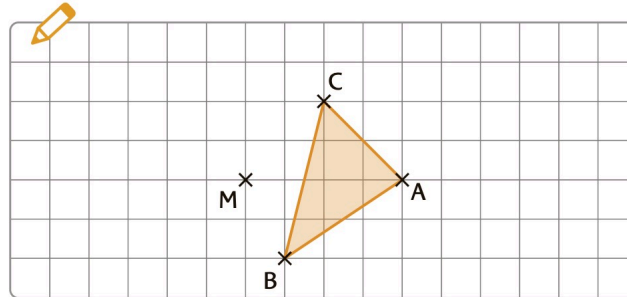
Soient  $R$ ,  $S$  et  $T$  trois points distincts.

- 1) a) Construire le point  $P$  tel que  $\overrightarrow{RP} = \overrightarrow{RS} + \overrightarrow{RT}$ .  
b) En utilisant la relation de Chasles, démontrer que  $\overrightarrow{TP} = \overrightarrow{RS}$ .
- 2) a) Construire le point  $U$  tel que  $\overrightarrow{SU} = \overrightarrow{SR} + \overrightarrow{ST}$ .  
b) Démontrer que  $\overrightarrow{RU} = \overrightarrow{ST}$ .  
c) En déduire la nature du quadrilatère  $SRUT$ .
- 3) Démontrer que  $T$  est le milieu du segment  $[UP]$ .

## II Colinéarité de vecteurs

### Exercice 18 SUR CETTE FEUILLE

Construire les points  $D$ ,  $E$  et  $F$  tels que  $\vec{MD} = \frac{3}{2}\vec{AC}$ ,  $\vec{ME} = -\frac{1}{2}\vec{CB}$  et  $\vec{FA} = \vec{AB}$  :



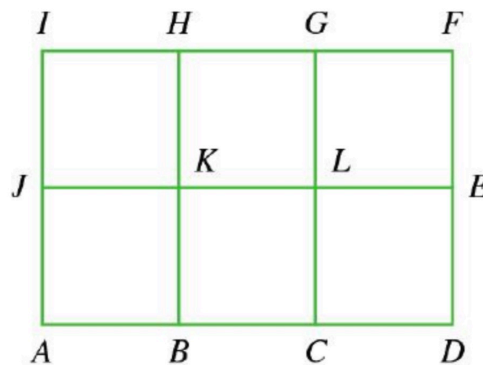
### Exercice 19

On considère deux points  $A$  et  $B$  tels que  $AB = 6$ .

- 1) Construire le point  $C$  tel que  $\vec{AC} = 2\vec{AB}$ .
- 2) Construire le point  $D$  tel que  $\vec{BD} = -2\vec{AC}$ .

### Exercice 20 SUR CETTE FEUILLE

La figure ci-dessous est formée de 6 carrés :



Compléter les pointillés avec des nombres réels :

- 1)  $\vec{IF} = \dots\dots\vec{AB}$
- 2)  $\vec{KL} = \dots\dots\vec{DB}$
- 3)  $\vec{FD} = \dots\dots\vec{AJ}$
- 4)  $\vec{GF} = \dots\dots\vec{BA}$
- 5)  $\vec{DA} = \dots\dots\vec{KE}$
- 6)  $\vec{JE} = \dots\dots\vec{IG}$
- 7)  $\vec{KF} = \dots\dots\vec{AB} + \dots\dots\vec{AJ}$
- 8)  $\vec{ID} = \dots\dots\vec{GL} + \dots\dots\vec{GH}$
- 9)  $\vec{CJ} = \dots\dots\vec{LC} + \dots\dots\vec{EL}$
- 10)  $\vec{JF} = \dots\dots\vec{HK} + \dots\dots\vec{CD}$

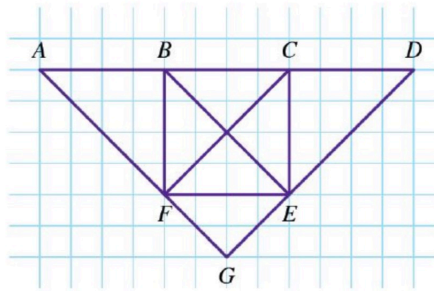
**Exercice 21**

On considère un segment  $[AB]$  de longueur 6.  
 Construire les points  $C, D, E, F, G$  et  $H$  tels que :

- 1)  $\vec{AC} = \frac{1}{3}\vec{AB}$       2)  $\vec{BD} = -\frac{3}{2}\vec{AB}$       3)  $\vec{BE} = 2\vec{AC}$   
 4)  $\vec{DF} = \frac{7}{5}\vec{DC}$       5)  $\vec{GA} = \frac{6}{5}\vec{EA}$       6)  $\vec{HD} = \frac{7}{2}\vec{CB}$

**Exercice 22**

Pour chacune des questions, indiquer la (ou les) bonne(s) réponse(s). Justifier.  
 On considère la figure ci-dessous :



- 1) Les vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{FE}$  sont :  
 a) égaux      b) opposés      c) colinéaires  
 2) Les vecteurs  $\vec{FC}$  et  $\vec{DG}$  sont :  
 a) égaux      b) opposés      c) colinéaires  
 3) Le vecteur  $\vec{AD}$  est égal à :  
 a)  $\frac{1}{3}\vec{FE}$       b)  $3\vec{FE}$       c)  $-3\vec{DC}$

**Exercice 23**

Soit  $MNP$  un triangle. On note  $R$  le symétrique de  $M$  par rapport à  $N$  et  $S$  le symétrique de  $M$  par rapport à  $P$ .

- 1) Faire une figure.  
 2) Exprimer le vecteur  $\vec{RM}$  en fonction du vecteur  $\vec{MN}$ .  
 3) En utilisant judicieusement la relation de Chasles, démontrer que  $\vec{RS} = 2\vec{NP}$ .  
 4) Que peut-on en déduire pour les droites  $(RS)$  et  $(NP)$  ?

**Exercice 24**

Soit  $EFG$  un triangle. On considère les points  $H$  et  $K$  définis respectivement par  $\vec{EH} = -\vec{EF}$  et  $\vec{HK} = 2\vec{EG}$ .

- 1) Faire une figure.  
 2) En utilisant judicieusement la relation de Chasles, démontrer que  $\vec{FH} = 2\vec{FE}$ .  
 3) Démontrer que  $\vec{FK} = 2\vec{FG}$ .  
 4) Que peut-on dire des points  $F, G$  et  $K$  ? Préciser la position du point  $G$  par rapport à  $F$  et  $K$ .

**Exercice 25**

---

On considère un triangle  $ABC$ .

Soient  $M$  et  $N$  deux points définis respectivement par  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{BN} = \frac{3}{4}\overrightarrow{BC}$ .

- 1) Faire une figure.
- 2) Exprimer le vecteur  $\overrightarrow{BM}$  en fonction du vecteur  $\overrightarrow{AB}$ .
- 3) Démontrer que les vecteurs  $\overrightarrow{MN}$  et  $\overrightarrow{AC}$  sont colinéaires.
- 4) Que peut-on dire des droites  $(MN)$  et  $(AC)$  ?

**Exercice 26**

---

Soient  $A$ ,  $B$  et  $C$  trois points.

On note  $D$  et  $E$  les points respectivement définis par  $\overrightarrow{AD} = 2\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$  et  $\overrightarrow{CE} = -2\overrightarrow{AB}$ .

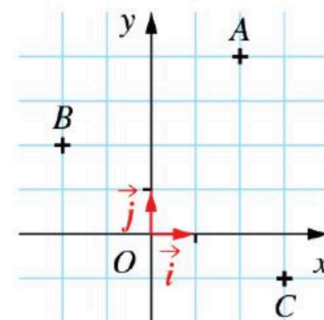
- 1) Faire une figure.
- 2) En utilisant judicieusement la relation de Chasles, démontrer que  $\overrightarrow{CD} = 2\overrightarrow{AB}$ .
- 3) Que peut-on dire des droites  $(AB)$  et  $(CD)$  ?
- 4) Démontrer que le point  $E$  est le symétrique du point  $D$  par rapport au point  $C$ .

# III Vecteurs dans un repère

## 1) Coordonnées d'un vecteur

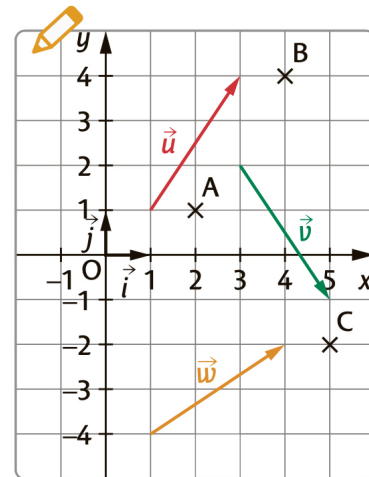
### Exercice 27 SUR CETTE FEUILLE ET LE CAHIER

- 1) Lire les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{AC}$  et  $\overrightarrow{BC}$ .
- 2) Construire les points  $D$ ,  $E$ ,  $F$  et  $G$  tels que  $\overrightarrow{AD} \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \end{pmatrix}$ ,  $\overrightarrow{BE} \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $\overrightarrow{CF} \begin{pmatrix} -4 \\ 0 \end{pmatrix}$  et  $\overrightarrow{GA} \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \end{pmatrix}$ .



### Exercice 28 SUR CETTE FEUILLE ET LE CAHIER

- 1) Citer un vecteur ayant pour coordonnées  $(2; 3)$ .
- 2) Lire les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{CA}$  et  $\overrightarrow{BC}$ .
- 3) Sur la figure ci-contre, placer les points  $M$  et  $N$  tels que  $\overrightarrow{AM}(-2; -4)$  et  $\overrightarrow{NB}(3; 0)$  puis lire les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{CM}$  et  $\overrightarrow{MN}$ .



### Exercice 29

Dans un repère orthonormé, représenter les vecteurs  $\vec{u}(3; 1)$ ,  $\vec{v}(-2; 2)$ ,  $\vec{w}(4; 0)$  et  $\vec{z}(0; -5)$ .

### Exercice 30

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $A(-4; 2)$ ,  $B(3; 4)$ ,  $C(4; -1)$  et  $D(-3; -1)$ .

Calculer les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{BC}$ ,  $\overrightarrow{CD}$  et  $\overrightarrow{DA}$ .

### Exercice 31

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $A(4; 5)$ ,  $B(8; 2)$ ,  $C(3; 2)$  et  $D(7; -1)$ .

- 1) Calculer les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{CD}$ .
- 2) En déduire la nature du quadrilatère  $ABDC$ .

**Exercice 32**

Dans un repère orthonormé, on donne  $\vec{u} \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \end{pmatrix}$ ,  $\vec{v} \begin{pmatrix} -2 \\ 5 \end{pmatrix}$  et  $\vec{w} \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

- 1) Montrer que  $\vec{u} + \vec{w} = \vec{0}$ .
- 2) Calculer les coordonnées des vecteurs  $\vec{u} + \vec{v}$ ,  $\vec{v} + \vec{w}$  et  $\vec{u} - \vec{w}$ .
- 3) Calculer les coordonnées des vecteurs  $3\vec{u}$ ,  $-5\vec{v}$ ,  $\frac{1}{2}\vec{w}$  et  $2\vec{u} - 3\vec{v}$ .

**Exercice 33**

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $A(1; -5)$ ,  $B(3; 2)$  et  $C(-4; 5)$ .

- 1) Calculer les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AC}$ .
- 2) En déduire les coordonnées des vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  définis par  $\vec{u} = -2(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC})$  et  $\vec{v} = 5\overrightarrow{AB} - 3\overrightarrow{AC}$ .

**Exercice 34**

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $A(-3; 7)$ ,  $B(3; 1)$ ,  $C(8; -1)$  et  $D(0; 4)$ .

- 1) Déterminer les coordonnées du vecteur  $\vec{u}$  défini par  $\vec{u} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD}$ .
- 2) Déterminer les coordonnées du vecteur  $\vec{v}$  défini par  $\vec{v} = \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{DA}$ .
- 3) Démontrer que  $\vec{u} + \vec{v} = \vec{0}$ .

**Exercice 35**

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $A(-2; 5)$ ,  $B(3; 1)$  et  $C(4; 5)$ .

Soit  $M(x; y)$  un point, avec  $x$  et  $y$  deux réels.

- 1) Calculer les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{AB}$ .
- 2) Exprimer les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{CM}$  en fonction de  $x$  et de  $y$ .
- 3) Déterminer les coordonnées du point  $M$  tel que  $\overrightarrow{CM} = \overrightarrow{AB}$ .

**Exercice 36**

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $A(-2; 3)$ ,  $B(1; 5)$  et  $C(-1; -4)$ .

- 1) Déterminer les coordonnées du point  $M$  tel que  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{BC}$ .
- 2) Déterminer les coordonnées du point  $N$  tel que  $\overrightarrow{NB} = 2\overrightarrow{AC}$ .
- 3) Déterminer les coordonnées du point  $P$  tel que  $\overrightarrow{AP} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$ .

**Exercice 37**

Préciser si les affirmations suivantes sont vraies ou fausses.

On considère deux points  $A(x_A; y_A)$  et  $B(x_B; y_B)$ .

- 1) Dans le repère  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ,  $\overrightarrow{OA}$  a les mêmes coordonnées que le point  $A$ .
- 2)  $\overrightarrow{AB}(x_A - x_B; y_A - y_B)$

**Exercice 38**

- 1) Écrire un programme en Python `coordonnees(xA, yA, xB, yB)` qui prend en entrées les coordonnées de deux points  $A$  et  $B$  et qui renvoie les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{AB}$ .
- 2) Tester le programme Python avec les valeurs de l'exercice 30.
- 3) Soient  $A(2, 7; 4, 6)$ ,  $B(9, 4; -3, 8)$ ,  $C(-4, 7; 5, 3)$  et  $D(2; -3, 1)$ .
  - a) Déterminer les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{CD}$  à l'aide du programme.
  - b) Déterminer la nature du quadrilatère  $ABCD$ .
- 4) Soient  $M(-4; 4)$ ,  $N(9; 9)$ ,  $T(17; 6)$  et  $R(4; 1)$ .  
A l'aide du programme, justifier que  $MNTR$  est un parallélogramme.

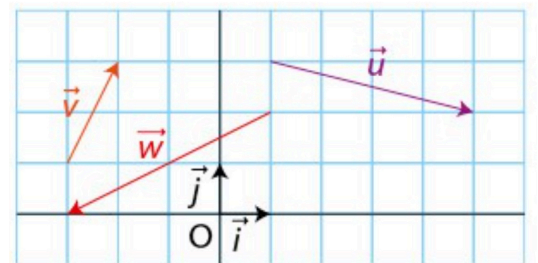
**2) Coordonnées du milieu d'un segment et norme d'un vecteur**

**Exercice 39**

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $R(1; 3)$ ,  $S(-2; 4)$ ,  $T(-5; -2)$  et  $U(-8; -1)$ .

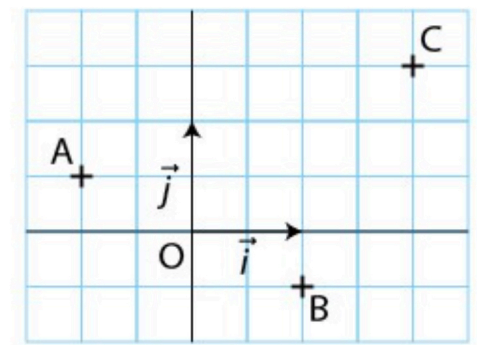
- 1) Déterminer les coordonnées des milieux respectifs  $I$  et  $J$  des segments  $[RU]$  et  $[ST]$ .
- 2) Que peut-on en déduire pour le quadrilatère  $RSUT$  ?

**Exercice 40**



- 1) Lire les coordonnées des vecteurs  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$  et  $\vec{w}$ .
- 2) Calculer la norme de chacun de ces vecteurs.

**Exercice 41**



- 1) Lire les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{AC}$ ,  $\overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{CB}$ .
- 2) En déduire les longueurs  $AB$ ,  $AC$ , et  $BC$ .
- 3) Démontrer que le triangle  $ABC$  est rectangle isocèle en  $B$ .

**Exercice 42**

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $A(4; 1)$ ,  $B(7; 4)$  et  $C(11; 0)$ .  
Démontrer que le triangle  $ABC$  est rectangle en  $B$ .

**Exercice 43**

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $F(1; 3)$ ,  $G(6; 5)$  et  $H(x; y)$  où  $x$  et  $y$  sont deux réels.

- 1) Calculer les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{FG}$ .
- 2) Exprimer les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{GH}$  en fonction de  $x$  et de  $y$ .
- 3) Déterminer les coordonnées du point  $H$  tel que  $G$  soit le milieu du segment  $[FH]$ .

**3) Déterminant de deux vecteurs****Exercice 44 SUR CETTE FEUILLE**

Relier chaque vecteur à un vecteur qui lui est colinéaire.

$$\vec{a} \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} \bullet \quad \bullet \vec{t} \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$\vec{b} \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \end{pmatrix} \bullet \quad \bullet \vec{u} \begin{pmatrix} 10 \\ 15 \end{pmatrix}$$

$$\vec{c} \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \end{pmatrix} \bullet \quad \bullet \vec{v} \begin{pmatrix} -4 \\ 6 \end{pmatrix}$$

$$\vec{d} \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix} \bullet \quad \bullet \vec{w} \begin{pmatrix} 15 \\ 10 \end{pmatrix}$$

**Exercice 45**

Dans un repère orthonormé, on donne les vecteurs  $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ -5 \end{pmatrix}$ ,  $\vec{v} \begin{pmatrix} -7 \\ 17,5 \end{pmatrix}$  et  $\vec{w} \begin{pmatrix} 6 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

- 1) Les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont-ils colinéaires ?
- 2) Les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{w}$  sont-ils colinéaires ?

**Exercice 46**

Dans une base orthonormé  $(\vec{i}; \vec{j})$ , on donne les vecteurs  $\vec{u} = \sqrt{2}\vec{i} - 5\vec{j}$  et  $\vec{v} = \vec{i} + \sqrt{2}\vec{j}$ .

- 1) Donner les coordonnées des vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  dans la base  $(\vec{i}; \vec{j})$ .
- 2) Les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont-ils colinéaires ?

**Exercice 47**

Dans une base orthonormé, on donne les vecteurs  $\vec{u}(a - 1; 4)$  et  $\vec{v}(2; a + 1)$  où  $a$  désigne un nombre réel.

Déterminer les valeurs de  $a$  pour lesquelles les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont colinéaires.

**Exercice 48**

---

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $M(3; 3)$ ,  $N(8; 5)$ ,  $P(1; -2)$  et  $Q(16; 4)$ .

- 1) Déterminer les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{MN}$  et  $\overrightarrow{PQ}$ .
- 2) Démontrer que les droites  $(MN)$  et  $(PQ)$  sont parallèles.

**Exercice 49**

---

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $R(-3; -2)$ ,  $S(4; 1)$  et  $T(6; -2)$ .

- 1) Déterminer les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{RS}$  et  $\overrightarrow{RT}$ .
- 2) Les points  $R$ ,  $S$  et  $T$  sont-ils alignés ?

**Exercice 50**

---

Dans un repère orthonormé, on donne les points  $H(8; 19)$ ,  $K(17; 37)$ ,  $L(11; 25)$  et  $M(-8; -14)$ .

- 1) Les points  $H$ ,  $K$  et  $L$  sont-ils alignés ?
- 2) Les points  $H$ ,  $K$  et  $M$  sont-ils alignés ?